

## باسم‌هه تعالی

تعداد صفحه:	مدت امتحان:	رشته:	سوالات امتحان شبه نهایی درس:
۲	۹۰ دقیقه	ادیبات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	ریاضی و آمارا
نام و نام خانوادگی: مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>	تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷ ساعت شروع: ۷/۳۰ صبح	پایه دهم دوره دوم متوسطه نظری	دانش آموزان دیبرستان های دوره دوم متوسطه روزانه در طرح سه نما سال ۱۴۰۳ استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) مجاز است.

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد.)	نمره
<b>فصل اول: معادلات</b>		
۱	<p>در هر مورد جای خالی را با یک عدد مناسب کامل کنید.</p> <p>(الف) محیط مربعی که اندازه قطر آن برابر <math>\sqrt{27}</math> باشد، برابر ..... است.</p> <p>(ب) معادله درجه دوم <math>= (1-x)^2 = x^2 - 2x + 1</math> ریشه مضاعف است.</p> <p>(پ) مجموع ریشه‌های معادله <math>x^2 + 3x - 7 = 0</math> برابر ..... است.</p>	۱/۵
۲	<p>معادله‌های زیر را حل کنید.</p> <p>(الف) <math>x^2 - 6x = 0</math> (حل به روش تجزیه)</p> <p>(ب) <math>2x^2 - 5x - 3 = 0</math> (حل به روش فرمول کلی)</p> <p>(پ) <math>\frac{4}{2x-1} = \frac{5}{x+2}</math> (معادله عبارت گویا)</p>	۳
۳	معادله درجه دومی را بنویسید که ریشه‌های آن ۷ و ۶ باشد.	۱
۴	با تشکیل معادله، عددی باید که پنج برابر آن به علاوه دو، مساوی با سه برابر آن عدد منهای دو باشد.	۱

## فصل دوم: تابع

۵	<p>اگر <math>A = \{2, 3\}</math> و <math>B = \{4, 5, 6\}</math>. در این صورت:</p> <p>(الف) رابطه‌ای از <math>A</math> به <math>B</math> بنویسید که تابع باشد.</p> <p>(ب) رابطه‌ای از <math>B</math> به <math>A</math> بنویسید که تابع نباشد.</p>	۱
۶	دامنه تابع $g(x) = 2x^2 + 3$ ، مجموعه $A = \{-1, \sqrt{2}, 5\}$ است. برد آن را بدست آورید.	۱/۵
۷	طول یک مستطیل ۳ واحد بیشتر از عرض آن است. ضابطه تابع محیط این مستطیل را بر حسب عرض آن بنویسید.	۰/۷۵
۸	نمودار تابع خطی $f$ از مبدأ مختصات می‌گذرد و $3 = f(2)$ . معادله این تابع را بنویسید.	۱
۹	نمودار سهیمی $y = x^2 + 4x + 4$ را رسم کنید.	۱/۲۵
۱۰	<p>در یک کارخانه نوعی لامپ تولید می‌شود. اگر <math>x</math> متوسط تعداد لامپ‌های تولیدی در روز برای این کارخانه باشد، آن‌گاه تابع درآمد و هزینه روزانه آن به ترتیب <math>R(x) = ۳۰۰x</math> و <math>C(x) = x^2 + ۲۰۰x + ۳۰</math> است.</p> <p>(الف) معادله سود این کارخانه را بنویسید</p> <p>(ب) این کارخانه روزانه چند لامپ باید تولید کند تا بیشترین سود را داشته باشد؟</p> <p>(پ) بیشترین سود این کارخانه را محاسبه کنید.</p>	۱/۵

## ادامه سوالات در صفحه بعد

### فصل سوم : کار با داده‌های آماری

۱	<p>درستی یا نادرستی هر مورد را مشخص کنید.</p> <p>(الف) هر زیرمجموعه از جامعه آماری که به روش مشخصی انتخاب شده باشد را آماره می‌نامند.</p> <p>(ب) نمونه‌ای را که در آن همه اعضای جامعه، شانس انتخاب یکسان در نمونه داشته باشند را نمونه تصادفی می‌نامند.</p> <p>(پ) وقتی داده دوره افتاده در بین داده‌های یک مجموعه آماری وجود داشته باشد، میانه نسبت به میانگین، معیار مناسبتری است.</p> <p>(ت) تمام داده‌های یک مجموعه آماری برابر هستند در این صورت واریانس آن داده‌ها برابر یک است.</p>	۱۱
۰/۷۵	<p>بهترین روش جمع‌آوری داده‌ها، برای هر یک از موضوعات زیر را بنویسید.</p> <p>(الف) تعداد افراد استفاده کننده از پل عابر در یک روز و خیابان مشخص</p> <p>(ب) ساعات خواب دانش‌آموزان کلاس شما در شب گذشته</p> <p>(پ) سن همه دانش‌آموزان پایه دهم مدرسه شما بر حسب ماه</p>	۱۲
۱/۵	<p>نوع هر یک از متغیرها (كمی، كيفي) و مقیاس اندازه‌گیری (اسمی، ترتیبی، فاصله‌ای، نسبتی) آنها را به طور کامل مشخص کنید.</p> <p>(الف) مدرک تحصیلی کارمندان</p> <p>(ب) وزن هندوانه‌های یک مزرعه</p> <p>(پ) گروه خونی کارمندان یک شرکت</p>	۱۳
۰/۵	<p>پارامتر جامعه در چه صورتی قابل محاسبه است؟</p>	۱۴
۱/۲۵	<p>میانگین داده‌های زیر برابر ۲۲ است.</p> <p>۲۰ و ۲۵ و ۳۰ و ۲۲ و ۲۵ و ۲۵ و ۲۰ و ۲۱ و ۲۴ و ۲۰ و ۱۵</p> <p>(الف) مقدار <math>a</math> را بدست آورید.</p> <p>(ب) میانه داده‌ها را تعیین کنید.</p>	۱۵
۱/۵	<p>برای داده‌های ۱۵ و ۱۳ و ۱۱ و ۱۰ و ۶ میانگین و انحراف معیار را محاسبه کنید.</p>	۱۶
۲۰	جمع	

موفق و پیروز باشید.

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: <b>ریاضی و آمار ۱</b>
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		پایه ۵ هم دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان دبیرستان‌های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه فصل ۱۴۰۳	
ردیف	نمره	راهنمای تصحیح	
۱	۱/۵	الف) $\sqrt{10}$ (صفحه ۱۲) ب) صفر (صفحه ۲۲) پ) $-\frac{3}{4}$ (صفحه ۲۸) هر مورد (۰/۵) نمره	
۲	۳	<p>(الف) <math>x^2 - 6x = 0 \rightarrow x(x - 6) = 0 \rightarrow x = 0, x = 6</math> (صفحه ۲۰)</p> <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <p>(ب) <math>2x^2 - 5x - 3 = 0 \rightarrow \Delta = b^2 - 4ac = 25 + 24 = 49</math></p> $\left\{ \begin{array}{l} x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5+7}{4} = 3 \\ x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5-7}{4} = -\frac{1}{2} \end{array} \right. \quad (۰/۲۵)$ <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <p>(پ) <math>\frac{4}{2x-1} = \frac{5}{x+2} \rightarrow 4(x+2) = 5(2x-1) \rightarrow 4x + 8 = 10x - 5 \rightarrow 6x = 13 \rightarrow x = \frac{13}{6}</math> (۰/۲۵)</p> <p>(۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <p>(صفحه ۳۵)</p>	
۳	۱	$\begin{cases} x = -6 \rightarrow x + 6 = 0 \\ x = 7 \rightarrow x - 7 = 0 \end{cases} \xrightarrow{x} (x+6)(x-7) = 0 \rightarrow x^2 - x - 42 = 0$ (صفحه ۲۱)	
۴	۱	$5x + 2 = 3x - 2 \rightarrow 2x = -4 \rightarrow x = -2$ (صفحه ۱۴)	
۵	۱	برای نمونه الف) $\{(2,4), (3,5), (3,6)\}$ نمره (۰/۵) هر مورد (۰/۵) نمره (صفحه ۴۵)	
۶	۱/۵	$x = -1 \xrightarrow{g(x)=2x^2+3} g(-1) = 2(-1)^2 + 3 = 5 \quad (۰/۵)$ $x = \sqrt{2} \xrightarrow{g(x)=2x^2+3} g(\sqrt{2}) = 2(\sqrt{2})^2 + 3 = 7 \quad (۰/۵) \rightarrow R_f = \{5, 7, 3\}$ $x = 0 \xrightarrow{g(x)=2x^2+3} g(0) = 2(0)^2 + 3 = 3 \quad (۰/۵)$ <p>(صفحه ۵۱)</p> <p>در صورتی دانش آموز فقط برد را بنویسید، به هر عضو برد (۰/۵) نمره داده شود.</p>	

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: <b>ریاضی و آمار ۱</b>								
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		پایه ۵ هم دوره دوم متوسطه نظری									
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان دبیرستان‌های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه فصل ۱۴۰۳									
ردیف	نمره	راهنمای تصحیح									
۷	۰/۷۵	<p>اگر عرض مستطیل <math>x</math> باشد، آن‌گاه طول مستطیل برابر <math>x+3</math> است. (۰/۲۵)</p> $p = 2(x + 3 + x) = 2(2x + 3) = 4x + 6 \quad (\text{صفحه } ۶۱)$ <p>لطفاً به روش‌های درست دیگر به تناسب نمره دهید.</p>									
۸	۱	$m = \frac{۳ - ۰}{۲ - ۰} = \frac{۳}{۲}$ شیب خط $y = mx + n \rightarrow ۰ = ۳(۰) + n \rightarrow n = ۰ \quad (\text{صفحه } ۵۹)$ $\rightarrow f(x) = \frac{۳}{۲}x$ معادله خط $(۰/۲۵) \quad (\text{صفحه } ۰/۲۵) \quad (\text{صفحه } ۰/۲۵)$ <p>لطفاً به روش‌های درست دیگر به تناسب نمره دهید.</p>									
۹	۱/۲۵	$y = x^2 + ۴x$ $(\text{صفحه } ۶۷)$ $x = -\frac{b}{۲a} = -\frac{۴}{۲} = -۲ \rightarrow y = (-۲)^2 + ۴(-۲) = ۴ - ۸ = -۴ \quad (\text{صفحه } ۰/۲۵)$ <table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td><td>-۳</td><td>-۲</td><td>-۱</td></tr> <tr> <td><math>y</math></td><td>-۳</td><td>-۴</td><td>-۳</td></tr> </table> <p>توضیح: تعیین رأس سهمی روی نمودار ۰/۲۵ و رسم شکل کلی ۰/۲۵. به روش‌های درست دیگر به تناسب نمره دهید.</p>	$x$	-۳	-۲	-۱	$y$	-۳	-۴	-۳	
$x$	-۳	-۲	-۱								
$y$	-۳	-۴	-۳								
۱۰	۱/۵	<p>(الف) <math>P(x) = R(x) - C(x) = ۳۰x - (x^2 + ۲۰x + ۳۰) = -x^2 + ۱۰x - ۳۰ \quad (\text{صفحه } ۷۰)</math></p> <p>(ب) <math>x = -\frac{b}{۲a} = -\frac{۱۰}{-۲} = ۵. \quad (\text{صفحه } ۰/۲۵)</math></p> <p>(ب) <math>P(۵) = -(۵)^2 + ۱۰(۵) - ۳۰ = ۲۴۷. \quad (\text{صفحه } ۰/۲۵) \quad (\text{صفحه } ۰/۲۵)</math></p>									

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: <b>ریاضی و آمار ۱</b>																		
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		پایه ۵ هم دوره دوم متوسطه نظری																			
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه فصل ۱۴۰۳																			
ردیف	ردیف	راهنمای تصحیح	ردیف																		
۱	۱۱	الف) نادرست (صفحه ۷۳) ب) درست (صفحه ۸۸) ت) نادرست (صفحه ۹۰) هر مورد (۰/۲۵) نمره																			
۰/۷۵	۱۲	ب) دادگانها هر مورد (۰/۲۵) نمره (صفحه ۷۸) الف) مشاهده																			
۱/۵	۱۳	ب) کمی نسبتی (صفحه ۸۰) الف) کیفی ترتیبی برای هر مورد، نوع متغیر (۰/۲۵) و مقیاس (۰/۲۵) نمره می باشد.																			
۰/۵	۱۴	درصورتی که داده های کل جامعه در اختیار باشند.																			
۱/۲۵	۱۵	(صفحه ۶۶) $\bar{x} = \frac{۲۰۲+a}{۱۰} \xrightarrow{\bar{x}=۲۲} \frac{۲۰۲+a}{۱۰} = ۲۲ \rightarrow ۲۰۲+a = ۲۲۰ \rightarrow a = ۱۸$ الف) ب) ابتدا داده را مرتب می کنیم. چون تعداد داده زوج است، لذا میانه برابر میانگین دو عدد وسط است. از این رو می توان نوشت: $\tilde{x} = \frac{۲۱+۲۲}{۲} = ۲۱/۵ \quad (۰/۲۵)$																			
۱/۵	۱۶	میانگین (۰/۲۵) $\bar{x} = \frac{۵۵}{۵} = ۱۱ \quad (۰/۲۵)$ <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td><math>x</math></td><td>۶</td><td>۱۰</td><td>۱۱</td><td>۱۳</td><td>۱۵</td></tr> <tr> <td><math>x - \bar{x}</math></td><td>-۵</td><td>-۱</td><td>۰</td><td>۲</td><td>۴</td></tr> <tr> <td><math>(x - \bar{x})^2</math></td><td>۲۵</td><td>۱</td><td>۰</td><td>۴</td><td>۱۶</td></tr> </table> $\sigma = \sqrt{\frac{۲۵+۱+۰+۴+۱۶}{۵}} = \sqrt{\frac{۴۶}{۵}} \approx ۳/۰۳$ انحراف معیار (۰/۵) (۰/۵)	$x$	۶	۱۰	۱۱	۱۳	۱۵	$x - \bar{x}$	-۵	-۱	۰	۲	۴	$(x - \bar{x})^2$	۲۵	۱	۰	۴	۱۶	(صفحه ۹۰)
$x$	۶	۱۰	۱۱	۱۳	۱۵																
$x - \bar{x}$	-۵	-۱	۰	۲	۴																
$(x - \bar{x})^2$	۲۵	۱	۰	۴	۱۶																

همکار گرامی؛ ضمن عرض خسته نباشید، برای جنابعالی آرزوی صحت و سلامتی داریم.