

درس: ریاضی ۱ نوبت آزمون: نوبت اول دی ماه تاریخ آزمون: ۱۴۰۳ / ۱۰ / ۰۸ مدت زمان پاسخگویی: ۹۰ دقیقه	به نام خدا دیارستان استعدادهای درخشان شهید بهشتی ۵ هدشت	نام: نام خانوادگی: رشته تحصیلی:
---	---	---

ردیف	متن سوالات	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی هر یک از عبارت های زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) کتانژانت هر زاویه معکوس و قرینه کتانژانت همان زاویه می باشد.</p> <p>ب) مجموعه اعداد طبیعی صد رقمی، مجموعه ای نامتناهی است.</p>	۰/۵
۲	<p>جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید.</p> <p>الف) اگر مجموعه مرجع باشد، U آنگاه $(A' - U)$ برابر است با</p> <p>ب) عدد های ۵ ریشه های چهارم عدد هستند.</p>	۰/۷۵
۳	<p>اگر $A = [1, +\infty)$ و $B = (-\infty, ۲]$ و $C = (-1, ۳)$ ، آنگاه مجموعه $(A \cap B) - C$ را بایابید.</p>	۰/۷۵
۴	<p>حاصل عبارت زیر را با رسم بازه های آن روی یک محور به دست آورید.</p> <p>$[-۲, ۵) - [1, +\infty) =$</p>	۰/۷۵
۵	<p>فرض کنید A و B زیرمجموعه هایی از مجموعه مرجع U باشند، به طوری که $n(U) = ۸۴$ باشد، $n(B - A) = ۳۶$ ، $n(B) = ۵۳$ ، $n(A) = ۴۱$ مطلوب است:</p> <p>(الف) $n(A \cup B) =$</p> <p>(ب) $n(A \cup B') =$</p>	۱/۲۵

١/٢٥	با توجه به الگوی زیر:	٦
	<p>الف) جمله عمومی الگو را بیابید.</p> <p>ب) شکل بیستم در این الگو چند نقطه دارد؟</p>	
١/٥	اضلاع یک مثلث قائم الزاویه تشکیل یک دنباله حسابی می‌دهند. اگر محیط این مثلث برابر با ۲۴ باشد، طول وتر این مثلث را به دست آورید.	٧
١/٥	جملات ...، $a, b, c, \dots, 16$ تشکیل یک دنباله هندسی غیرصعودی می‌دهند. حاصل $c - b + 2a$ را بیابید.	٨
١/٥	با توجه به شکل مقابل x و y را به دست آورید.	٩
١	مقدار عددی عبارت زیر را به دست آورید.	١٠
	$\frac{\sin^2 45^\circ - 4\cos 60^\circ}{3\cot 30^\circ + \tan 180^\circ} + \cos^2 50^\circ + \sin^2 50^\circ =$	
١	در شکل زیر معادله خطی l را بنویسید که از نقطه $A(3, -2)$ می‌گذرد.	١١

۱/۵	<p>اگر $\tan \alpha = -\frac{5}{11}$ و α در ناحیه چهارم دایره مثلثاتی باشد، سایر نسبت های مثلثاتی زاویه α را به دست آورید.</p>	۱۲
۱	<p>با فرض با معنی بودن عبارت داده شده، درستی آن را بررسی کنید.</p> $\frac{1}{\cos x} - \tan x = \frac{\cos x}{1 + \sin x}$	۱۳
۱/۵	<p>حاصل هر یک از عبارت های زیر را به دست آورید.</p> <p>(الف) $\sqrt{2} \times \sqrt[3]{3} =$</p> <p>(ب) $\sqrt[3]{4} \times \sqrt{8} =$</p>	۱۴
۱	<p>از رابطه زیر مقدار x را به دست آورید.</p> $\sqrt[5]{3x+1} = -2$	۱۵
۱/۷۵	<p>عبارت های جبری زیر را تجزیه کنید.</p> <p>(الف) $3x^2 - 2x - 5$</p> <p>(ب) $2x^4 - 128x =$</p>	۱۶
۱/۵	<p>خرج کسرهای زیر را گویا کرده و سپس حاصل را حد امکان ساده کنید.</p> $\frac{2}{\sqrt[3]{x-1}} + \frac{5}{\sqrt{x+1}} =$	۱۷

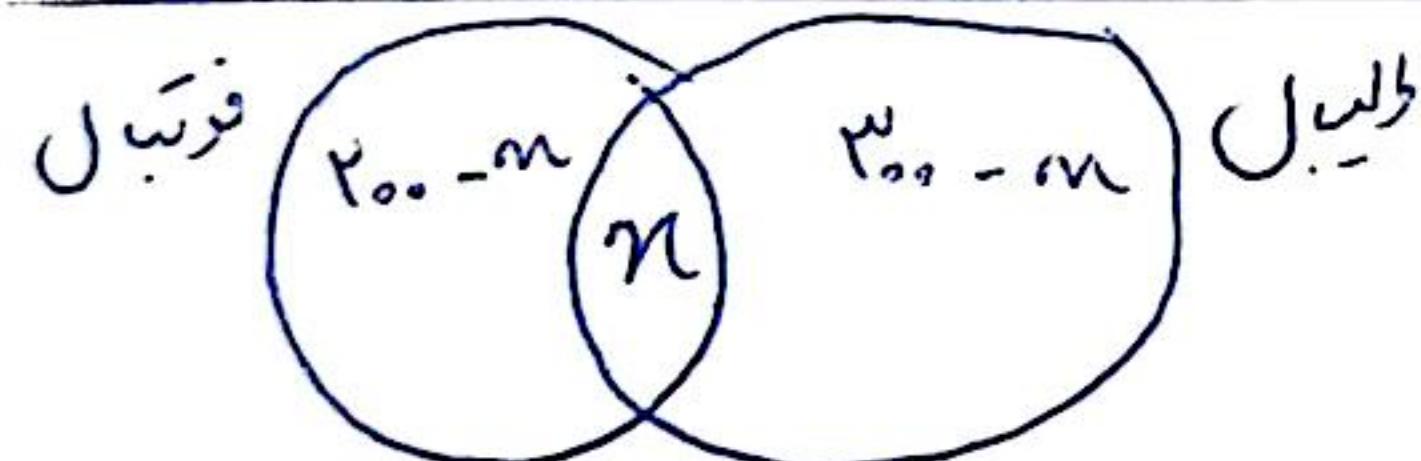
موفق باشید. / علیرضایی

الف) محظوظ (حداً أقصى) ①

$m = -3$ ت) ب) -3 ب) $24\sqrt{3}$ ب) مجزأ (حداً أقصى)

الف) درست ب) نادرست (ربع حجم هم سينوس منغرات) ب) نادرست ②

$$l = \frac{-b}{2a} \rightarrow$$



٣

$$\omega_0 - 40 \Rightarrow 39^\circ$$

$$\omega_0 - m = 39^\circ$$

$$m = 11^\circ$$

$$200 - m + 300 - m = 100 - 22^\circ \Rightarrow 210^\circ$$

$$n_r = ar^{\mu} = 2V$$

$$n_{1.} = ar^{\nu} \Rightarrow 3^\circ$$

٤

$$n_V = ar^{\omega} = V29$$

$$r^{\mu} = 2V \rightarrow r = V$$

$$a = V$$

$$\begin{matrix} \downarrow & \downarrow & \downarrow \\ \frac{1 \times r}{r} & \frac{r \times F}{r} & \frac{\omega \times q}{r} \end{matrix}$$

(3)

$$(1 \times r) (r \times F) (\omega \times q) (v \times \lambda) (q \times l_0) (l_0 \times r) (l_0 \times r)$$

$$(r \times r) (r \times r)$$

$$12 \times r \Rightarrow \frac{12 \times r}{r} = 12$$

$$\frac{r \times r}{r} = 1 \leftarrow r \times r$$

$$V, a-n, a, a+n, rV$$

$$V + rd = rV \quad d=a$$

IV, IV, II

(4)

$$\frac{\frac{\sin^r - \cos^r}{\cos}}{\frac{\sin^r + \cos^r}{\sin}} = \frac{\frac{\sin^r - \cos^r}{\cos \cdot \sin}}{\frac{\sin^r + \cos^r}{\cos \cdot \sin}} = \frac{(\sin^r - \cos^r) \cancel{\sin}}{(\sin^r + \cos^r) \cancel{\sin} \cdot \cos} = \sin^r - \cos^r$$

(5)

$$1A^\circ - 1\omega^\circ = r^\circ$$

$$\tan 1A^\circ = \frac{-\sqrt{r^\circ}}{r^\circ}$$

$$y = ax + b$$

$$\frac{-\sqrt{r^\circ}}{r^\circ} n + b = y$$

$$\frac{r\sqrt{r^\circ}}{r^\circ} + b = v \rightarrow b = v - \frac{r\sqrt{r^\circ}}{r^\circ}$$

$$y = \frac{-\sqrt{r^\circ}}{r^\circ} n + v - \frac{r\sqrt{r^\circ}}{r^\circ}$$

(6)

$$S_\Delta = \frac{1}{r} \sin \omega \times AB \times BC \rightarrow \frac{1}{r} \times \frac{\sqrt{r}}{r} \times \omega \sqrt{r} \times r = 1$$

(7)

$$\sin^r \omega + \cos^r \omega = 1$$

$$\tan r^\circ = \frac{\sqrt{r}}{r}$$

$$\frac{1 + \frac{\sqrt{r}}{r}}{\frac{1}{r} + 1} \Rightarrow \frac{\frac{r + r\sqrt{r}}{r}}{\frac{r}{r}} \Rightarrow \frac{r + r\sqrt{r}}{r^2}$$

$$\cot 45^\circ = \frac{\sqrt{r}}{r}$$

$$\cos 1A^\circ = -1$$

1.

(١١)

$$\sqrt[12]{r^8 \times r^8} \Rightarrow \sqrt[12]{r^{16}} \quad \text{(الف)}$$

$$\sqrt[5]{\sqrt[3]{48}} \Rightarrow \sqrt[5]{r^{\frac{4}{5}}} = r^{\frac{4}{5}} - r^{\frac{2}{5} \times \frac{1}{2}} \Rightarrow r^{\frac{3}{5}} - 1 \quad \text{(ب)}$$

(١٢)

$$\frac{n-1 \times (\sqrt{m}-r)}{\sqrt{m}+1 \times (\sqrt{m}-r)} \cdot \frac{(m-r)(\sqrt{m}-r)}{(m-r)} \quad \text{(الف)}$$

$$\frac{9 \times (\sqrt[3]{9} + 4\sqrt[3]{3} + 9)}{(\sqrt[3]{27} - 3) \times (\sqrt[3]{9} + 4\sqrt[3]{3} + 9)} = \frac{\sqrt[3]{9} + 4\sqrt[3]{3} + 9}{(9 - 27)} \quad \text{(ب)}$$

$\frac{\sqrt[3]{9} + 4\sqrt[3]{3} + 9}{-18}$

(١٣)

$$\text{(الف)} (ty^5 - \omega)(ty^4 + aty^3 + \omega)$$

$$\text{(ب)} \frac{3m(3m^2 - m - \frac{1}{m})}{(3m-1)^3}$$

(١٤)

$$\text{(الف)} n(4n-15) \rightarrow \begin{cases} n=0 \\ n=\frac{15}{4} \end{cases}$$

$$\text{(ب)} \Delta(n-r) \rightarrow \Delta(n-r)(n+r) \quad \begin{cases} n=-r \\ n=r \end{cases}$$

$$\text{(ج)} 1 - e(-15) \Rightarrow e^9 \quad \frac{-1 \pm \sqrt{1+4e}}{e} \quad \begin{cases} -1 = n \\ \frac{1}{e} = n \end{cases}$$

10

$$c = r$$

$$a - b + r = 0 \quad a - b = -r \rightarrow ra - rb = -r$$

$$ra + rb + r = 0 \quad ra + rb = -r$$

$$ra = -r$$

$$\boxed{a = -1}$$

$$\boxed{b = 1}$$

$$y = -n + n + r$$

19

$$\frac{-b}{ra} = r \Rightarrow \frac{-r}{ra} = r \rightarrow a = -1$$

$$y = -n + rn + r \begin{cases} n = r \\ y = ? \end{cases} \rightarrow -r + r + r \rightarrow y = r$$